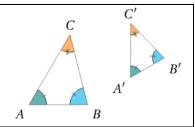
Triangles semblables

I Angles

Définition :

Deux triangles sont semblables si leurs angles sont égaux deux à deux



Remarque : Sachant que la somme des angles d'un triangle est égale à 180° , il suffit de prouver l'égalité pour deux paires d'angles pour que les triangles soient semblables.

Application: Exercice 1

II Côtés

Propriété:

Si deux triangles sont semblables alors les longueurs des côtés de l'un sont proportionnelles aux longueurs des côtés de l'autre.

Remarques:

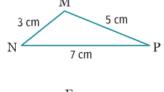
- Le coefficient de proportionnalité est appelé coefficient d'agrandissement ou coefficient de réduction.
- Les deux configurations dans lesquelles on peut appliquer le théorème de Thalès, sont composées de triangles semblables.

 $\underline{\mathsf{Exemple}}: \mathsf{On}\ \mathsf{cherche}\ \grave{\mathsf{a}}\ \mathsf{savoir}\ \mathsf{si}\ \mathsf{les}\ \mathsf{triangles}\ \mathit{MNP}\ \mathsf{et}\ \mathit{EFK}\ \mathsf{sont}\ \mathsf{semblables}.$

On range dans l'ordre croissant les côtés des deux triangles dans un tableau

Triangle MNP	3	5	7
Triangle EFK	1,8	3	4,2

Remarque : Les côtés d'une même colonne sont appelés côtés homologues



3 cm F 1,8 cm K

Il suffit maintenant de calculer les différents rapports et conclure :

$$\frac{3}{1,8} = \frac{5}{3} = \frac{7}{4,2} = \frac{5}{3}$$
 Les côtés sont proportionnels.

Donc, les triangles MNP et EFK sont semblables.

Application: Exercice 2