

Périmètre / Aire / Volume

Dans l'ensemble de ce chapitre, on utilisera les abréviations suivantes :

- Pour le carré : $c = \text{côté}$
- Pour le rectangle : $L = \text{Longueur}$ et $l = \text{largeur}$
- Pour le triangle : $b = \text{base}$ et $h = \text{hauteur}$
- Pour le cercle : $r = \text{rayon}$, $d = \text{diamètre}$ et π est le nombre pi

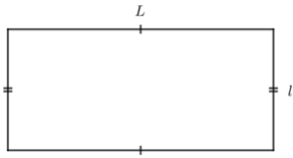
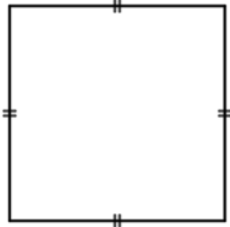
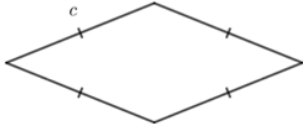
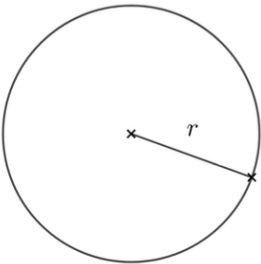
I Périmètre

Définition :

Le périmètre d'une figure est la longueur que l'on parcourt lorsqu'on fait le tour de la figure.

Méthode : Pour calculer le périmètre d'une figure quelconque, il suffit donc d'additionner les longueurs des côtés de cette figure.

Pour certaines figures particulières, il faut connaître les formules suivantes :

Rectangle	Carré	Losange	Cercle
			
$P = L + L + l + l$ ou $P = 2 \times (L + l)$	$P = c + c + c + c$ ou $P = 4 \times c$	$P = c + c + c + c$ ou $P = 4 \times c$	$P = \pi \times d$ ou $P = 2 \times \pi \times r$

Conversion de longueur :

km	hm	dam	m	dm	cm	mm
			1	0	0	
0,	0	1	0			
			0,	2	3,	7

Exemples : $1 \text{ m} = 100 \text{ cm}$ / $10 \text{ m} = 0,01 \text{ km}$ / $23,7 \text{ cm} = 0,237 \text{ m}$

Remarque : Pour calculer les longueurs, on utilise qu'une seule dimension. On utilise donc les *m*, *cm*, *km* etc...

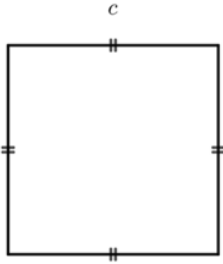
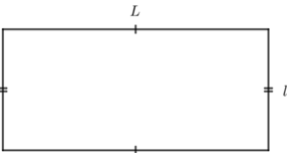
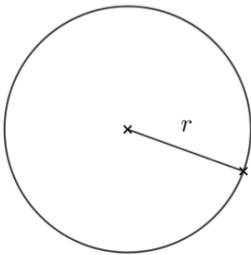
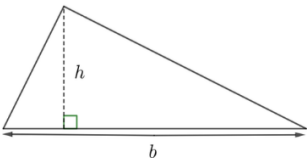
Application : Exercice 1

II Aire

Définition :

La surface d'une figure est la partie qui se trouve à l'intérieur de la figure. L'aire est la mesure de la surface.

Pour calculer l'aire de certaines figures particulières, il faut connaître les formules suivantes :

Carré	Rectangle	Disque	Triangle
			
$A = c \times c = c^2$	$A = L \times l$	$A = \pi \times r \times r$	$A = \frac{b \times h}{2}$

Conversion d'unités d'aire :

km ²		hm ²		dam ²		m ²		dm ²		cm ²		mm ²	
						1		0	0	0	0		
0,	0	0		2	1								

$$1 \text{ m}^2 = 10\,000 \text{ cm}^2$$

$$21 \text{ dam}^2 = 0,0021 \text{ km}^2$$

Remarques :

- Pour calculer les aires, on utilise 2 dimensions, donc on utilise les m^2 , cm^2 , km^2 etc...
- Dans le tableau de conversion des unités d'aire, chaque unité est divisée en 2 sous-colonnes.

Application : Exercice 2

III Volume

Définition :

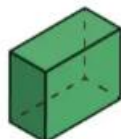
Le volume est l'espace qui se trouve à l'intérieur d'un solide.

Il existe différents solides :

Le cube



Le pavé droit



Le prisme droit



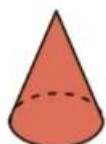
Le cylindre



La pyramide



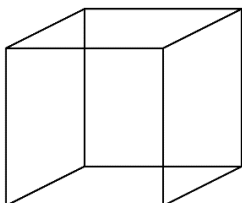
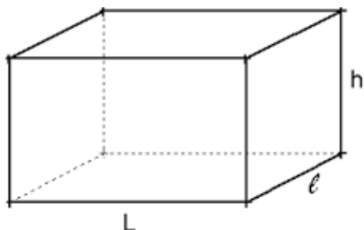
Le cône



La boule



Pour calculer le volume de certaines figures particulières, il faut connaître les formules suivantes :

Cube	Pavé droit
	
$V = c \times c \times c$	$V = L \times l \times h$

Conversion d'unités de volume :

Les volumes peuvent s'exprimer dans 2 types d'unités différentes qu'on peut regrouper dans un seul et même tableau :

km³			hm³			dam³			m³		dm³				cm³			mm³		
										kl	hl	dal	L	dl	cl	ml				
										1	0	0	0	0	0	0				
		0,	0	0	0	2	1	5												

$$1 \text{ m}^3 = 1\,000\,000 \text{ cm}^3$$

$$215 \text{ dam}^3 = 0,000\,215 \text{ km}^3$$

Remarques :

- Pour calculer les volumes, on utilise 3 dimensions, donc on utilise les m^3 , cm^3 , km^3 etc...
- Dans le tableau de conversion des unités de volume, chaque unité est divisée en 3 sous-colonnes.

Remarque : Pour calculer le volume d'un solide, on peut également procéder à un assemblage de cubes de volume 1 cm^3

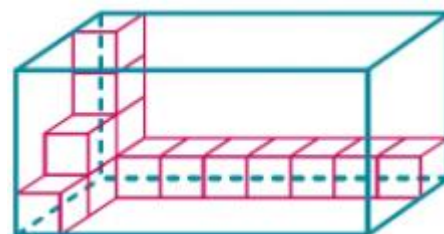
Dans la figure ci-contre, on peut aligner 8 cubes sur la longueur, 4 sur la largeur et 4 sur la hauteur.

Il y a aura donc au premier étage $8 \times 4 = 32$ cubes

On compte 4 étages en tout sachant que chaque étage est composé de 32 cubes.

Au total, le pavé droit peut être rempli de $4 \times 32 = 128$ cubes

Puisque chaque cube a pour volume 1 cm^3 , le pavé droit a pour volume 128 cm^3



Application : Exercice 3